

(12) DEMANDE INTERNATIONALE PUBLIÉE EN VERTU DU TRAITÉ DE COOPÉRATION  
EN MATIÈRE DE BREVETS (PCT)

(19) Organisation Mondiale de la Propriété  
Intellectuelle  
Bureau international



(43) Date de la publication internationale  
17 janvier 2002 (17.01.2002)

PCT

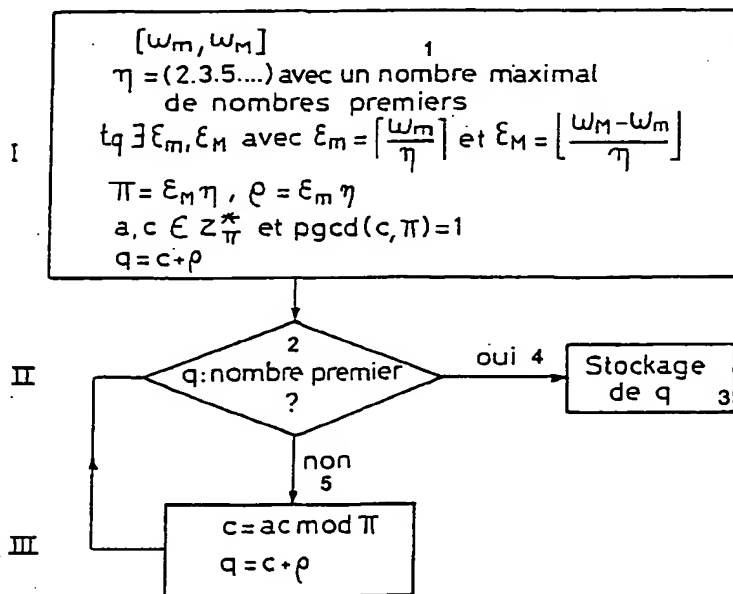
(10) Numéro de publication internationale  
**WO 02/05483 A1**

- (51) Classification internationale des brevets<sup>7</sup> : H04L 9/30 (71) Déposant (pour tous les États désignés sauf US) : GEM-PLUS [FR/FR]; Avenue du Pic de Bertagne, Parc d'Activités de GEMENOS, F-13420 GEMENOS (FR).
- (21) Numéro de la demande internationale : PCT/FR01/01948 (72) Inventeurs; et
- (22) Date de dépôt international : 21 juin 2001 (21.06.2001) (75) Inventeurs/Déposants (pour US seulement) : JOYE, Marc [FR/FR]; 19 rue Voltaire, F-83640 SAINT ZACHARIE (FR). PAILLIER, Pascal [FR/FR]; 37 Cours de Vincennes, F-75020 PARIS (FR).
- (25) Langue de dépôt : français
- (26) Langue de publication : français
- (30) Données relatives à la priorité : (74) Mandataires : BRUYERE, Pierre etc.; C/O GEMPLUS, Service brevets, BP 100, F-13881 GEMENOS CEDEX (FR).
- 00 08994 10 juillet 2000 (10.07.2000) FR

[Suite sur la page suivante]

(54) Title: METHOD FOR GENERATING AN ELECTRONIC KEY FROM A PRIME NUMBER CONTAINED IN A SPECIFIC INTERVAL AND DEVICE THEREFOR

(54) Titre : PROCEDE DE GENERATION D'UNE CLE ELECTRONIQUE A PARTIR D'UN NOMBRE PREMIER COMPRIS DANS UN INTERVALLE DETERMINE ET DISPOSITIF DE MISE EN OEUVRE DU PROCEDE



(57) Abstract: The invention concerns a method for generating an electronic key from a prime number  $q$  contained in a specific interval of positive integers  $(W_m, W_M)$ . Said method comprises the following operations: a) selecting a positive integer  $\eta$ ,  $\eta$  being the product of the  $k$  first prime numbers, with  $k$  as maximum so that there exist two positive integers  $\varepsilon_m$  and  $\varepsilon_M$  such that  $\varepsilon_m \eta$  is the higher roundoff of  $W_m/\eta$ , and  $\varepsilon_M$  is the lower roundoff of  $(W_M - W_m)/\eta$ , calculating  $\pi = \varepsilon_m \cdot \eta$  and  $\rho = \varepsilon_M \cdot \eta$ , generating two positive integers  $a$  and  $c$  belonging to the multiplicative group  $\mathbb{Z}_\pi^*$  of integers modulo  $\pi$ , with prime  $c$  with  $\pi$ , calculating  $q = c + \rho$ ; b) testing primality nature of  $q$ ; c) if primality is verified,  $q$  is stored; d) otherwise: updating  $c$  by calculating  $a \cdot c \bmod \pi$ , repeating the preceding operations as from b) with the new value  $q = c + \rho$ . The invention is applicable to cryptography.

- 1...WITH A MAXIMUM NUMBER OF PRIME NUMBERS  
2...q:PRIME NUMBER ?  
3...STORING q  
4...YES.  
5...NO

[Suite sur la page suivante]



(81) États désignés (*national*) : AE, AG, AL, AM, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BR, BY, BZ, CA, CH, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DZ, EC, EE, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LV, MA, MD, MG, MK, MN, MW, MX, MZ, NO, NZ, PL, PT, RO, RU, SD, SE, SG, SI, SK, SL, TJ, TM, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VN, YU, ZA, ZW.

(AT, BE, CH, CY, DE, DK, ES, FI, FR, GB, GR, IE, IT, LU, MC, NL, PT, SE, TR), brevet OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

Publiée :

— avec rapport de recherche internationale

(84) États désignés (*régional*) : brevet ARIPO (GH, GM, KE, LS, MW, MZ, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZW), brevet eurasien (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), brevet européen

En ce qui concerne les codes à deux lettres et autres abréviations, se référer aux "Notes explicatives relatives aux codes et abréviations" figurant au début de chaque numéro ordinaire de la Gazette du PCT.

(57) Abrégé : L'invention concerne un procédé de génération d'une clé électronique à partir d'un nombre premier  $q$  compris dans un intervalle de nombres entiers positifs déterminé  $[W_m, W_M]$ . Ce procédé comprend les opérations suivantes: a) choix d'un nombre entier positif  $\eta$ ,  $\eta$  étant le produit des  $k$  premiers nombres premiers, avec  $k$  maximum pour qu'il existe deux nombres entiers positifs  $e_m$  et  $e_M$  tels que  $e_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , et  $e_M$  est l'arrondi inférieur de  $(W_M - W_m)/\eta$ , calcul de  $\Pi = e_m \cdot \eta$  et  $p = e_M \cdot \eta$ , génération de deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant au groupe multiplicatif  $Z^* \Pi$  des nombres entiers modulo  $\Pi$ , avec  $c$  premier avec  $\Pi$  calcul de  $q = c + p$  b) test de la primalité de  $q$ , c) dans le cas où la primalité est vérifiée, on mémorise  $q$ , d) dans le cas contraire: on met à jour  $c$  en calculant  $a \cdot c \bmod \Pi$ , on réitère les opérations précédentes à partir de b) avec la nouvelle valeur  $q = c + p$ . L'invention s'applique à la cryptographie.

PROCEDE DE GENERATION D'UNE CLE ELECTRONIQUE A PARTIR D'UN NOMBRE PREMIER  
COMPRIS DANS UN INTERVALLE DETERMINE ET DISPOSITIF DE MISE EN OEUVRE DU PROCEDE

L'invention concerne un procédé de génération d'une  
clé électronique à partir d'un nombre premier  $q$  compris  
dans un intervalle de nombres entiers positifs  
déterminé  $[w_m, w_M]$ . L'invention concerne également un  
5 dispositif de mise en œuvre du procédé.

L'invention s'applique tout particulièrement à des  
protocoles de cryptographie à clé publique utilisés  
pour le cryptage d'informations et/ou  
l'authentification entre deux entités et/ou la  
10 signature électronique de messages.

Elle s'applique en particulier à des protocoles de  
cryptographie à clé publique tels que le protocole RSA  
(Rivest Shamir et Adelman), El Gamal, Schnorr, ou Fiat  
Shamir.

15 Dans le cas de telles applications, on fait appel à  
la génération de grands nombres premiers (pouvant être  
par exemple supérieurs ou égaux à 512 bits) pour former  
une ou plusieurs clés du protocole.

Une première méthode dite "naïve" de génération de  
20 nombre premier consiste à :

- choisir un candidat parmi les nombres impairs,
- tester sa primalité,
- si la primalité est vérifiée, on mémorise ce  
nombre; sinon, on met à jour le candidat en  
25 l'incrémentant de 2, on réitère le test avec ce nouveau  
candidat et ainsi de suite jusqu'à ce que la primalité  
d'un candidat soit vérifiée.

Cette méthode est très lente. Une autre méthode consiste à choisir les candidats au test de primalité parmi les nombres premiers avec un nombre premier  $\Pi$ . On rappelle que deux nombres sont premiers entre eux ou co-premiers si et seulement si leur plus grand commun diviseur (pgcd) est égal à 1. Cette autre méthode consiste à :

- considérer le nombre  $\Pi = 2.3.5.7...$  qui est le produit des  $k$  premiers nombres premiers (souvent  $k = 4$ ) et à choisir un nombre  $p$  tel que  $p$  soit premier avec  $\Pi$ ,
  - tester la primalité de  $p$ ,
  - si la primalité de  $p$  est vérifiée, on mémorise ce nombre, sinon on met à jour  $p$  en l'incrémentant de  $\Pi$ .
- Ce nouveau candidat  $p$  est également premier avec  $\Pi$  ; en effet, on rappelle que

$$\text{pgcd}(p+\Pi, \Pi) = \text{pgcd}(p, \Pi) = 1$$

- on réitère le test avec ce nouveau candidat et ainsi de suite jusqu'à ce que l'on ait trouvé un candidat qui soit un nombre premier.

Cette méthode est plus efficace.

Mais on souhaite en général générer un nombre premier dans un intervalle déterminé. En effet, dans le cas par exemple du protocole de cryptographie à clé publique RSA, on considère le produit de 1024 bits de deux nombres premiers  $p$  et  $q$ , c'est-à-dire  $2^{511} \cdot \sqrt{2} < p, q < 2^{512}$ . Selon un autre protocole basé sur le logarithme discret, on cherche directement à obtenir un nombre premier de 1024 bits, c'est-à-dire  $2^{1023} < p \leq 2^{1024}$ . Ces protocoles s'avèrent difficiles à programmer sur des dispositifs portables de type carte à

microprocesseur (car complexes) et de performances médiocres pour des nombres de grandes tailles usuelles, 512 bits, 1024 bits voire plus.

L'invention a pour but, étant donné l'intervalle  
5  $[w_m, w_M]$ , de déterminer  $\Pi$  une fois pour toutes et de proposer une mise à jour du candidat garantissant que le nouveau candidat sera premier avec  $\Pi$  dans l'intervalle déterminé initialement tout en maintenant le temps de calcul de ces nouveaux candidats dans des  
10 limites raisonnables, c'est-à-dire en limitant le nombre de tests de primalité.

Le choix de  $\Pi$  est illustré par la figure 1 où sont représentés l'ensemble I des entiers compris dans un intervalle  $[w_m, w_M]$ , dans lequel est inclus l'ensemble III  
15 des entiers de cet intervalle premiers avec  $\Pi$ , dans lequel est inclus l'ensemble IP des nombres premiers de cet intervalle. Le but consiste à déterminer  $\Pi$  de façon à ce que l'ensemble intermédiaire III des entiers premiers avec  $\Pi$ , c'est-à-dire l'ensemble des candidats,  
20 soit le plus proche possible du sous-ensemble IP des nombres premiers de l'intervalle.

L'invention a plus particulièrement pour objet un procédé de génération d'une clé électronique à partir  
25 d'un nombre premier  $q$  compris dans un intervalle de nombres entiers positifs déterminé  $[w_m, w_M]$ , principalement caractérisé en ce que le nombre premier  $q$  est obtenu en réalisant les opérations suivantes :

- a) choix d'un nombre entier positif  $\eta$ ,  $\eta$  étant le produit des  $k$  premiers nombres premiers, avec  $k$  maximum pour qu'il existe deux nombres entiers positifs  $\varepsilon_m$  et  $\varepsilon_M$  tels que  $\varepsilon_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , et  $\varepsilon_M$  est l'arrondi inférieur de  $(w_M - w_m)/\eta$ ,  
5 calcul de  $\Pi = \varepsilon_m \cdot \eta$  et  $\rho = \varepsilon_M \cdot \eta$ ,  
génération de deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant au groupe multiplicatif  $Z_\Pi^*$  des nombres entiers modulo  $\Pi$ , avec  $c$  premier avec  $\Pi$   
10 calcul de  $q = c + \rho$   
  
b) test de la primalité de  $q$ ,  
  
c) dans le cas où la primalité est vérifiée, on  
15 mémorise  $q$ ,  
  
d) dans le cas contraire :  
on met à jour  $c$  en calculant  $a \cdot c \bmod \Pi$ ,  
on réitère les opérations précédentes à partir  
20 de b) avec la nouvelle valeur  $q = c + \rho$ .

Selon une caractéristique de l'invention,  $a = 2$  et  $\Pi = (\varepsilon_M - 1) \cdot \eta$ .

Selon une autre caractéristique,  $a = 2^{16} + 1$ .

25 L'invention s'applique aux procédés de génération de clés cryptographiques RSA, El Gamal, Schnorr, ou Fiat Shamir.

L'invention a également pour objet un dispositif électronique portable comprenant un processeur

arithmétique et une mémoire de programme associée, apte à effectuer des calculs modulaires, principalement caractérisé en ce qu'il comprend un programme de vérification de primalité d'un nombre entier positif  $q$  compris dans un intervalle de nombres entiers positifs déterminé  $[w_m, w_M]$  qui effectue les opérations suivantes :

a) choix d'un nombre entier positif  $\eta$ ,  $\eta$  étant le produit des  $k$  premiers nombres premiers, avec  $k$  maximum pour qu'il existe deux nombres entiers positifs  $\varepsilon_m$  et  $\varepsilon_M$  tels que  $\varepsilon_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , et  $\varepsilon_M$  est l'arrondi inférieur de  $(w_M - w_m)/\eta$ ,

calcul de  $\Pi = \varepsilon_M \cdot \eta$  et  $\rho = \varepsilon_m \cdot \eta$ ,

génération de deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant au groupe multiplicatif  $Z_\Pi^*$  des nombres entiers modulo  $\Pi$ , avec  $c$  premier avec  $\Pi$

calcul de  $q = c + \rho$

b) test de la primalité de  $q$ ,

20

c) dans le cas où la primalité est vérifiée, le processeur arithmétique stocke  $q$ ,

d) dans le cas contraire :

25 mise à jour de  $c$  par le calcul de  $a \cdot c \bmod \Pi$ ,  
le processeur arithmétique réitère les opérations précédentes à partir de b) avec  $q = c + \rho$ .

Avantageusement, le dispositif électronique portable est constitué par une carte à puce à microprocesseur.

5 D'autres particularités et avantages de l'invention apparaîtront clairement à la lecture de la description faite à titre d'exemple non limitatif et en regard des dessins annexés sur lesquels :

la figure 1 représente l'ensemble I des entiers  
10 compris dans un intervalle  $[w_m, w_M]$ , l'ensemble III des entiers de cet intervalle premiers entre eux et enfin l'ensemble IP des nombres premiers de cet intervalle,

la figure 2 représente l'organigramme du procédé selon l'invention,

15 la figure 3 représente le schéma de principe d'un dispositif électronique portable tel qu'une carte à puce mettant en œuvre le procédé selon l'invention.

Le but de l'invention consiste donc dans un premier  
20 temps à déterminer  $\Pi$  de façon à ce que l'ensemble III des entiers premiers avec  $\Pi$  représenté figure 1 soit le plus proche possible du sous-ensemble IP des nombres premiers de l'intervalle.

Selon l'invention, le procédé représenté figure 2  
25 est initialisé de la manière suivante. (étape I):

pour générer un nombre premier  $q$  tel que  $q \in [w_m, w_M]$ ,

on choisit un nombre  $\eta$  de la même forme que  $\Pi$  ( $\eta$  est le produit des  $k'$  premiers nombres premiers) où  $k'$   
30 est maximum et tel qu'il existe deux nombres entiers



positifs  $\varepsilon_m$  et  $\varepsilon_M$  tels que  $\varepsilon_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , que l'on note  $\lceil w_m/\eta \rceil$  et  $\varepsilon_M$  est l'arrondi inférieur de  $(w_M - w_m)/\eta$  que l'on note  $\lfloor (w_M - w_m)/\eta \rfloor$ .

$\Pi$  est alors obtenu en posant  $\Pi = \varepsilon_M \cdot \eta$  ; on pose  
5 également  $\rho = \varepsilon_m \cdot \eta$

On remarque que  $\Pi$  est proche de  $w_M - w_m$  mais inférieur et que  $\rho$  est proche de  $w_m$  mais supérieur.

Il faut à présent déterminer la mise à jour des  
10 candidats de façon à ce que les nouveaux candidats appartiennent toujours à  $\text{III}$ .

On considère l'anneau  $\mathbb{Z}_\Pi$  des entiers modulo  $\Pi$  et  $\mathbb{Z}_\Pi^*$  le groupe multiplicatif de  $\mathbb{Z}_\Pi$  ; on remarque que l'ensemble  $(\rho + \mathbb{Z}_\Pi^*)$  est inclus dans et quasiment  
15 identique à  $\text{III}$ , c'est-à-dire à l'ensemble des candidats.

On génère alors deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant à ce groupe multiplicatif  $\mathbb{Z}_\Pi^*$  avec  $c$  premier avec  $\Pi$  (c'est-à-dire  $\text{pgcd}(c, \Pi) = 1$ ) et on  
20 considère le candidat  $q = c + \rho$  (étape I). Pour générer  $c$ , on utilise un algorithme de génération de nombres co-premiers tel qu'il en existe dans la littérature.

Comme  $\rho$  est proche de  $w_m$  et que  $c < \Pi$ , on vérifie automatiquement que  $w_m < q < w_M$ .

25 Par ailleurs,  $\text{pgcd}(q, \Pi) = \text{pgcd}(c + \rho, \Pi) = \text{pgcd}(c, \Pi) = 1$   
On vérifie ainsi que  $q$  appartient effectivement à  $\text{III}$ .

Cette phase d'initialisation terminée, on teste la primalité du candidat  $q$  (étape II). Si elle est vérifiée, on mémorise  $q$ , sinon :

on met à jour  $c$  en calculant  $a.c \bmod \Pi$  et on  
5 calculé le nouveau candidat  $q = c + p$  (étape III).

Le nouveau candidat appartient à l'ensemble  $\Pi$  : en effet, en raison des propriétés des groupes multiplicatifs,  $a$  et  $c$  appartenant à  $\mathbb{Z}_\Pi^*$ , le produit  $a.c$  appartient aussi à ce groupe  $\mathbb{Z}_\Pi^*$  ainsi que  $a.c \bmod \Pi$ .

10

Les protocoles de cryptographie à clé publique sont souvent mis en œuvre sur des cartes à puce à microprocesseur. Par exemple, dans le protocole RSA, les clés sont générées à partir de nombres choisis de  
15 manière aléatoire par la carte à microprocesseur à l'exécution du protocole. A cette fin, la carte à microprocesseur possède un générateur de nombres aléatoires, capable de fournir un nombre entier de la taille désirée.

20

On a donc représenté sur la figure 3 le schéma fonctionnel d'une carte à microprocesseur susceptible de mettre en œuvre le procédé selon l'invention.

La carte C comporte une unité principale de traitement 1, des mémoires de programmes 3 et 4 et une  
25 mémoire de travail (non représentée), associées à l'unité 1. La carte comporte également un processeur arithmétique 2 capable d'effectuer des calculs modulaires et une mémoire sécurisée 6 (non accessible de l'extérieur) dans laquelle sera stockée le candidat  
30  $q$  dont la primalité aura été vérifiée. La carte possède

également un générateur de nombres entiers aléatoires  
5.

En vue de la mise en œuvre du procédé en particulier sur une carte à microprocesseur telle que  
5 décrite, il est souhaitable d'augmenter la vitesse du traitement mis en œuvre par le procédé (opérations effectuées par le processeur arithmétique 2) et de libérer de l'emplacement dans la mémoire de travail.

Dans ce but, en choisissant  $a = 2$  et en excluant 2  
10 du nombre  $\Pi$  ( $\Pi = 3.5.7. \dots$ ), on évite les calculs modulaires. En effet, la mise à jour de  $c$  devient  $2c \bmod \Pi$ . Or comme  $c$  est un élément de  $Z^*_\Pi$ ,  $2c \bmod \Pi = 2c$  ou  $2c - \Pi$ .

Mais, les nouveaux candidats  $q$  peuvent alors être  
15 pairs. Si c'est le cas, on ajoute alors au nouveau candidat un nombre tel que le nouveau candidat devienne impair tout en appartenant toujours à l'ensemble  $\text{III}$ . On pose ainsi :

$$\Pi = (\varepsilon_M - 1) \cdot \eta$$

20  $q = c + \rho$

si  $q$  est pair alors  $q$  devient  $q + \eta$ .

Selon une autre alternative, on peut garder  $\Pi$  tel que défini initialement et choisir une valeur  
25 particulière de  $a$  telle que  $a$  soit premier avec  $\Pi$ . On peut choisir par exemple  $a = 2^{16} + 1$ .

Le procédé selon l'invention a été mis en œuvre sur une plate-forme de carte à puce SLE66CX160S d'Infineon

comprenant une unité centrale 8-bit et un crypto-  
processeur arithmétique 1100-bit. En choisissant pour  
 $\eta$ ,  $\Pi$  et  $p$  les valeurs suivantes :

$\eta = \text{b16bd1e084af628fe5089e6dabd16b5b80f60681d6a092fcb}$   
5  $\text{1e86d82876ed71921000bcfdd063fb90f81dfd07a021af23c735d52}$   
 $\text{e63bd1cb59c93cbb398afd}_{16}$ ,

$$\Pi = 1729.\eta$$

$$p = 4180.\eta ,$$

on obtient avec  $a = 2$ , un nombre premier de 512 bits  
10 en moins de 4 secondes. On obtient par conséquent un  
nombre premier de 1024 bits en moyenne en moins de 8  
secondes.

## REVENDICATIONS

1. Procédé de génération d'une clé électronique à partir d'un nombre premier  $q$  compris dans un intervalle de nombres entiers positifs déterminé  $[w_m, w_M]$ , caractérisé en ce que le nombre premier  $q$  est obtenu en
- 5 réalisant les opérations suivantes :
- a) choix d'un nombre entier positif  $\eta$ ,  $\eta$  étant le produit des  $k$  premiers nombres premiers, avec  $k$  maximum pour qu'il existe deux nombres entiers positifs  $\epsilon_m$  et  $\epsilon_M$  tels que  $\epsilon_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , et  $\epsilon_M$  est
- 10 l'arrondi inférieur de  $(w_M - w_m)/\eta$ ,
- calcul de  $\Pi = \epsilon_M \cdot \eta$  et  $\rho = \epsilon_m \cdot \eta$ ,
- génération de deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant au groupe multiplicatif  $Z^*_\Pi$  des nombres entiers modulo  $\Pi$ , avec  $c$  premier avec  $\Pi$
- 15 calcul de  $q = c + \rho$
- b) test de la primalité de  $q$ ,
- c) dans le cas où la primalité est vérifiée, on
- 20 mémorise  $q$ ,
- d) dans le cas contraire :
- on met à jour  $c$  en calculant  $a \cdot c \bmod \Pi$ ,
- on réitère les opérations précédentes à partir
- 25 de b) avec la nouvelle valeur  $q = c + \rho$ .

2. Procédé selon la revendication précédente, caractérisé en ce que  $a = 2$  et  $\Pi = (\varepsilon_M - 1) \cdot \eta$ .

3. Procédé selon la revendication 1, caractérisé en ce que  $a = 2^{16} + 1$ .

4. Procédé de génération de clés cryptographiques RSA, El Gamal, Schnorr, ou Fiat Shamir, caractérisé en ce qu'il met en œuvre le procédé selon l'une quelconque des revendications précédentes.

5. Dispositif électronique portable comprenant un processeur arithmétique et une mémoire de programme associée, apte à effectuer des calculs modulaires, caractérisé en ce qu'il comprend un programme de vérification de primalité d'un nombre entier positif  $q$  compris dans un intervalle de nombres entiers positifs déterminé  $[w_m, w_M]$  et qui effectue les opérations suivantes :

a) choix d'un nombre entier positif  $\eta$ ,  $\eta$  étant le produit des  $k$  premiers nombres premiers, avec  $k$  maximum pour qu'il existe deux nombres entiers positifs  $\varepsilon_m$  et  $\varepsilon_M$  tels que  $\varepsilon_m$  est l'arrondi supérieur de  $w_m/\eta$ , et  $\varepsilon_M$  est l'arrondi inférieur de  $(w_M - w_m)/\eta$ ,

calcul de  $\Pi = \varepsilon_M \cdot \eta$  et  $\rho = \varepsilon_m \cdot \eta$ ,

génération de deux nombres entiers positifs  $a$  et  $c$  appartenant au groupe multiplicatif  $Z_\Pi^*$  des nombres entiers modulo  $\Pi$ , avec  $c$  premier avec  $\Pi$

calcul de  $q = c + \rho$

b) test de la primalité de  $q$ ,

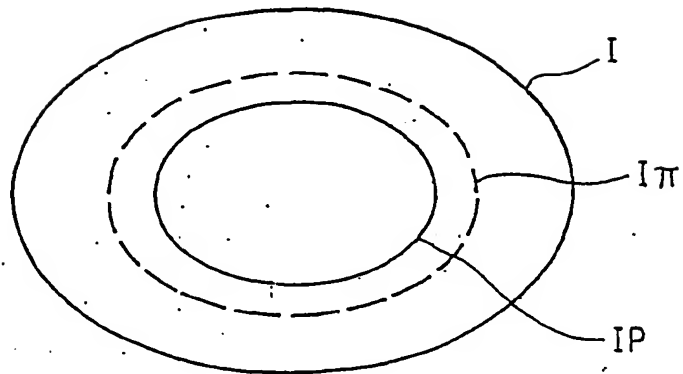
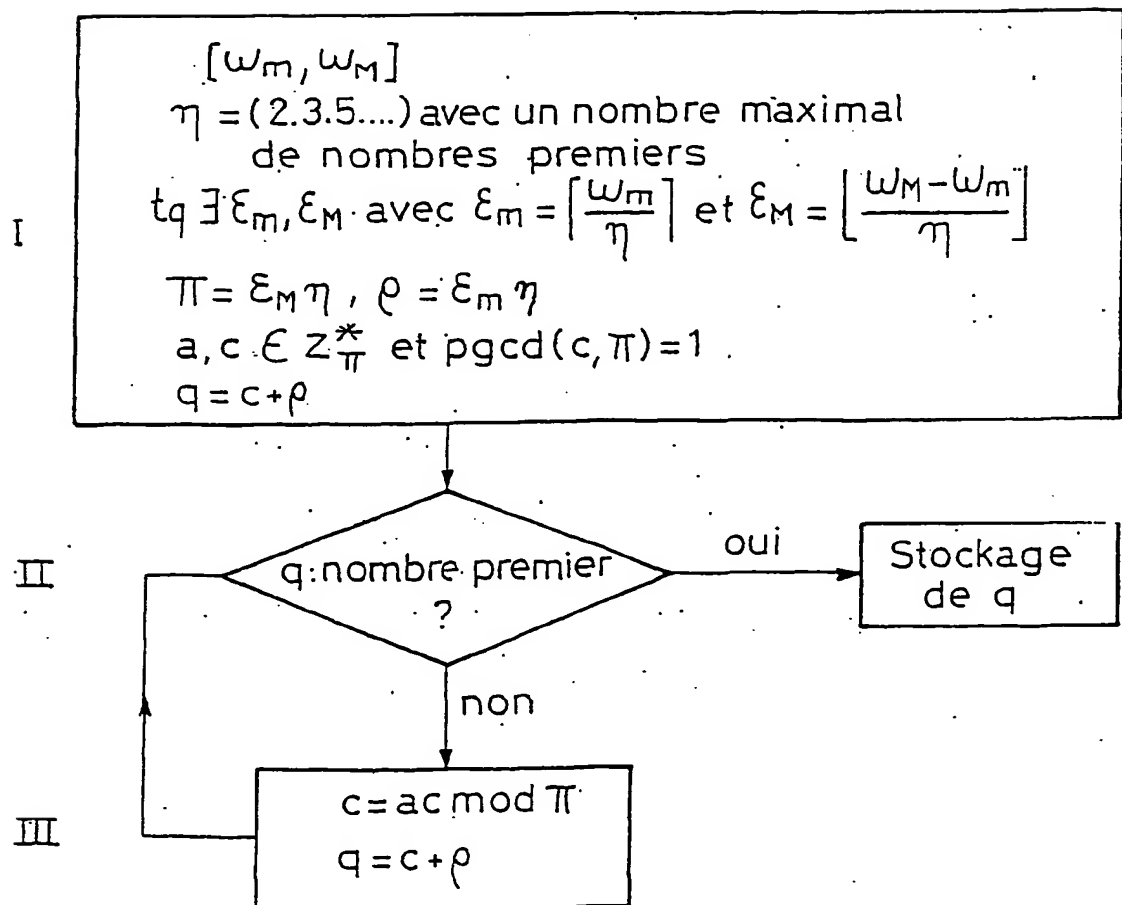
c) dans le cas où la primalité est vérifiée, le  
5 processeur arithmétique stocke  $q$ ,

d) dans le cas contraire :

mise à jour de  $c$  par le calcul de  $a.c \bmod \Pi$ ,  
le processeur arithmétique réitère les  
10 opérations précédentes à partir de b) avec  $q = c+p$ .

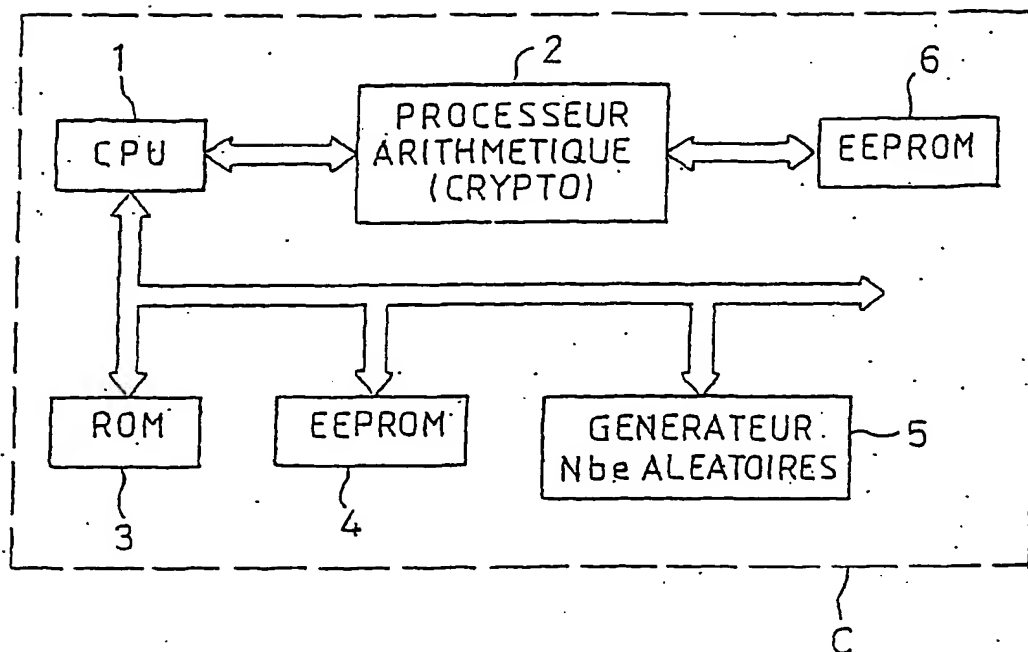
6. Dispositif électronique portable selon la  
revendication 5, caractérisé en ce qu'il est constitué  
15 par une carte à puce à microprocesseur.

1/2

FIG\_1FIG\_2



2/2

FIG\_3

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International Application No  
PCT/FR 01/01948

A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER  
IPC 7 H04L9/30

According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC

**B. FIELDS SEARCHED**

Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols)  
IPC 7 H04L

Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched

Electronic data base consulted during the International search (name of data base and, where practical, search terms used)

EPO-Internal, WPI Data, INSPEC, PAJ

**C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT**

Category *	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	YASUKO GOTOH ET AL: "A METHOD FOR RAPID RSA KEY GENERATION" SYSTEMS & COMPUTERS IN JAPAN, SCRIPTA TECHNICA JOURNALS. NEW YORK, US, vol. 21, no. 8, 1990, pages 11-20, XP000177817 ISSN: 0882-1666 page 13, right-hand column, line 8 -page 14, right-hand column, line 5	1

☐ Further documents are listed in the continuation of box C.

☐ Patent family members are listed in annex.

\* Special categories of cited documents:

- \*A\* document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance
- \*E\* earlier document but published on or after the international filing date
- \*L\* document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified)
- \*O\* document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means
- \*P\* document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed

- \*T\* later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention
- \*X\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone
- \*Y\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art.
- \*Z\* document member of the same patent family

Date of the actual completion of the international search

12 October 2001

Date of mailing of the international search report

22/10/2001

Name and mailing address of the ISA

European Patent Office, P.B. 5818 Patentlaan 2  
NL - 2280 HV Rijswijk  
Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl,  
Fax: (+31-70) 340-3016

Authorized officer

Holper, G

# RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Demande Internationale No  
PCT/FR 01/01948

**A. CLASSEMENT DE L'OBJET DE LA DEMANDE**  
CIB 7 H04L9/30

Selon la classification internationale des brevets (CIB) ou à la fois selon la classification nationale et la CIB

**B. DOMAINES SUR LESQUELS LA RECHERCHE A PORTE**

Documentation minimale consultée (système de classification suivi des symboles de classement)

CIB 7 H04L

Documentation consultée autre que la documentation minimale dans la mesure où ces documents relèvent des domaines sur lesquels a porté la recherche

Base de données électronique consultée au cours de la recherche internationale (nom de la base de données, et si réalisable, termes de recherche utilisés)

EPO-Internal, WPI Data, INSPEC, PAJ

**C. DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS**

Catégorie *	Identification des documents cités, avec, le cas échéant, l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
A	YASUKO GOTOH ET AL: "A METHOD FOR RAPID RSA KEY GENERATION" SYSTEMS & COMPUTERS IN JAPAN, SCRIPTA TECHNICA JOURNALS. NEW YORK, US, vol. 21, no. 8, 1990, pages 11-20, XP000177817 ISSN: 0882-1666 page 13, colonne de droite, ligne 8 -page 14, colonne de droite, ligne 5	1

☐ Voir la suite du cadre C pour la fin de la liste des documents

☐ Les documents de familles de brevets sont indiqués en annexe

\* Catégories spéciales de documents cités:

"A" document définissant l'état général de la technique, non considéré comme particulièrement pertinent

"E" document antérieur, mais publié à la date de dépôt international ou après cette date

"L" document pouvant jeter un doute sur une revendication de priorité ou cité pour déterminer la date de publication d'une autre citation ou pour une raison spéciale (telle qu'indiquée)

"O" document se référant à une divulgation orale, à un usage, à une exposition ou tous autres moyens

"P" document publié avant la date de dépôt international, mais postérieurement à la date de priorité revendiquée

"T" document ultérieur publié après la date de dépôt international ou la date de priorité et n'appartenant pas à l'état de la technique pertinent, mais cité pour comprendre le principe ou la théorie constituant la base de l'invention

"X" document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme nouvelle ou comme impliquant une activité inventive par rapport au document considéré isolément

"Y" document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme impliquant une activité inventive lorsque le document est associé à un ou plusieurs autres documents de même nature, cette combinaison étant évidente pour une personne du métier

"&" document qui fait partie de la même famille de brevets

Date à laquelle la recherche internationale a été effectivement achevée

12 octobre 2001

Date d'expédition du présent rapport de recherche internationale

22/10/2001

Nom et adresse postale de l'administration chargée de la recherche internationale

Office Européen des Brevets, P.B. 5818 Patentlaan 2  
NL - 2230 HV Rijswijk  
Tel (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl,  
Fax (+31-70) 340-3018

Fonctionnaire autorisé

Holper, G